Multiplication Table for $D_{4}$ : Symmetries of a Square

|  | 1 | $R$ | $R^{2}$ | $R^{3}$ | $F$ | $R F$ | $R^{2} F$ | $R^{3} F$ |
| :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: | :---: |
| 1 | 1 | $R$ | $R^{2}$ | $R^{3}$ | $F$ | $R F$ | $R^{2} F$ | $R^{3} F$ |
| $R$ | $R$ | $R^{2}$ | $R^{3}$ | 1 | $R F$ | $R^{2} F$ | $R^{3} F$ | $F$ |
| $R^{2}$ | $R^{2}$ | $R^{3}$ | 1 | $R$ | $R^{2} F$ | $R^{3} F$ | $F$ | $R F$ |
| $R^{3}$ | $R^{3}$ | 1 | $R$ | $R^{2}$ | $R^{3} F$ | $F$ | $R F$ | $R^{2} F$ |
| $F$ | $F$ | $R^{3} F$ | $R^{2} F$ | $R F$ | 1 | $R^{3}$ | $R^{2}$ | $R$ |
| $R F$ | $R F$ | $F$ | $R^{3} F$ | $R^{2} F$ | $R$ | 1 | $R^{3}$ | $R^{2}$ |
| $R^{2} F$ | $R^{2} F$ | $R F$ | $F$ | $R^{3} F$ | $R^{2}$ | $R$ | 1 | $R^{3}$ |
| $R^{3} F$ | $R^{3} F$ | $R^{2} F$ | $R F$ | $F$ | $R^{3}$ | $R^{2}$ | $R$ | 1 |

